

# Частное учреждение высшего образования «Институт государственного администрирования»

#### Кафедра социально-гуманитарных и естественнонаучных дисциплин

**УТВЕРЖДАЮ** 

Проректор по учебной работе П.Н. Рузанов «26» августа 2021 г.

# РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ «МАТЕМАТИКА»

по направлению подготовки 38.03.02 МЕНЕДЖМЕНТ профиль «Менеджмент организации»

Квалификация – бакалавр Форма обучения: очная, очно-заочная, заочная

Рабочая программа по дисциплине «МАТЕМАТИКА» составлена на основании требований Федерального государственного образовательного стандарта высшего образования – бакалавриат, № 970 от 12.08.2020, для обучающихся по направлению подготовки 38.03.02 «Менеджмент».

#### СОСТАВИТЕЛЬ

Старший преподаватель

Гаврилычева Мария Геннадьевна

#### РАССМОТРЕНА И ПРИНЯТА

на заседании кафедры «Социально-гуманитарных и естественнонаучных дисциплин» «23» августа 2021 г., протокол № 1

Заведующий кафедрой

Джалилова Н.А. (подпись)

#### Аннотация

Рабочая программа дисциплины составлена с учетом Федерального государственного образовательного стандарта высшего образования по направлению подготовки **38.03.02** «Менеджмент». Дисциплина «Математика» реализуется в рамках базовой части обучающимся очной и заочной форм обучения.

В ходе изучения дисциплины у обучающихся формируется представление об использовании математических методов в практической деятельности

Дисциплина имеет в своей структуре следующие разделы:

Раздел 1. Числа, множества, функции

- Раздел 2. Предел, непрерывность
- Раздел 3. Дифференциальное исчисление функций одной переменной
- Раздел 4. Дифференциальное исчисление функций нескольких переменных
- Раздел 5. Интегральное исчисление
- Раздел 6. Элементы линейной алгебры
- Раздел 7. Аналитическая геометрия
- Раздел 8. Основы теории вероятностей
- Раздел 9. Элементы математической статистики

#### Структура рабочей программы

- 1. Выписка из ФГОС ВО
- 2. Выписка из Учебного плана
- 2.1. Трудоёмкость дисциплины
  - Компетенции, закрепленные за дисциплиной
- 3. Планируемые результаты обучения по дисциплине
- 4. Место дисциплины в структуре образовательной программы
- 5. Объем дисциплины и виды учебной работы
- 6. Содержание и структура дисциплины
- 7. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины
- 8. Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы по дисциплине
- 8.1. Виды и трудоемкость самостоятельной работы
- 8.2. Информационно-методические ресурсы самостоятельной работы
- 8.3. Самостоятельное изучение тем/разделов дисциплины
- 8.4. Требования к обучающимся в ходе выполнения самостоятельной работы
- 9. Методические указания к оформлению разных форм отчетности по самостоятельной работе
- 9.1. Эссе
- 9.2. Реферат
- 9.3. Расчётно-графическая работа
- 9.4. Контрольная работа
- 9.5. Курсовая работа
- 9.6. Доклад
- 9.7. Презентация
- 10. Фонд оценочных средств по дисциплине
- 10.1. Примерный перечень вопросов к экзамену, зачёту
- 10.2. Тестовые задания
- 10.3. Оценивание обучающегося на экзамене, зачете
- 11. Основная и дополнительная учебная литература дисциплины
- 11.1. Основная литература
- 11.2. Дополнительная литература
- 12. Ресурсы информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»
- 13. Информационные технологии, используемые для осуществления образовательного процесса по дисциплине
- 13.1. Информационные технологии
- 13.2. Программное обеспечение (комплект лицензионного программного обеспечения)
- 13.3. Профессиональные базы данных и информационные справочные системы
- 14. Материально-техническое обеспечение дисциплины

#### 1. Выписка из стандарта

Федеральный государственный образовательный стандарт высшего образования – бакалавриат, 970 от 12.08.2020, для обучающихся по направлению подготовки **38.03.02 «МЕНЕДЖМЕНТ».** 

#### 2. Выписка из Учебного Плана

#### о трудоемкости дисциплины «МАТЕМАТИКА»

## 2.1. Трудоёмкость дисциплины. Общая трудоемкость (объем) дисциплины (модуля) составляет 5 (ЗЕ), 180 ч.

Виды учебной работы	очная форма обучения	очно-заочная обучения	заочная форма обучения
Общая трудоемкость дисциплины (в часах)	180	180	180
Аудиторная работа (в часах):	84	76	18
Лекции (Л)	42	38	8
Практические занятия (ПЗ)	42	38	10
Самостоятельная работа (СР) (в часах):	69	77	153
Контроль	27	27	9
Форма итогового контроля по дисциплине	Экзамен	Экзамен	Экзамен

### 3. Компетенции, закрепленные за дисциплиной. Индикаторы достижения компетенций. Планируемые результаты обучения по дисциплине

УК-1	УК-1.1. Определяет и	РОЗ - УК-1.1:
	1	
Способен	ранжирует информацию,	
осуществлять поиск,		требуемых данных и
критический анализ	поставленной задачи	информации, процессы их сбора,
и синтез		обработки и интерпретации;
информации,		различные варианты решения
применять		задачи
системный подход	УК-1.2. Осуществляет поиск	РОУ -УК-1.2:
для решения	информации для решения	- уметь анализировать задачи,
поставленных задач.	поставленной задачи по	выделяя их базовые
	различным типам запросов	составляющие; осуществлять
		декомпозицию задачи; находить
		и критически анализировать
		информацию, необходимую для
		решения поставленной задачи;
		грамотно, логично,
		аргументировано формировать
		собственные суждения и оценки;
		отличать факты от мнений,
		интерпретаций, оценок и т.д. в
		рассуждениях других участников
		деятельности

УК-10	УК-1.3. Анализирует пути решения проблем мировоззренческого, нравственного и личностного характера на основе использования основных философских идей и категорий в их историческом развитии и социальнокультурном контексте  УК-10.1. Анализирует	РОВ -УК-1.3: - владеть оценкой практических последствий возможных решений задачи  РОЗ -УК-10.1:
Способен принимать обоснованные экономические решения в различных областях жизнедеятельности	экономические решения в различных областях жизнедеятельности  УК-10.2. Участвует в обосновании экономических решений	- знать базовые экономические решения в различных областях жизнедеятельности  РОУ -УК-10.2: - уметь принимать обоснованные экономические решения в различных областях жизнедеятельности
	УК-10.3. Принимает обоснованные экономические решения в различных областях жизнедеятельности	РОВ -УК-10.3: - владеть способностью принимать обоснованные экономические решения в различных областях жизнедеятельности

#### 4. Место дисциплины в структуре образовательной программы

Б1.О.9 Дисциплина «Математика» реализуется в рамках обязательной части учебного плана подготовки бакалавра по направлению подготовки 38.03.02 Менеджмент, профиль «Менеджмент организации» очной, заочной, очно-заочной форм обучения. Изучение дисциплины базируется на знаниях и умениях, полученных обучающимися ранее в ходе освоения общеобразовательного программного материала по математике средней школы. Изучение дисциплины является базовым для последующего освоения программного материала естественнонаучных дисциплин, изучаемых по указанному направлению, а также профильных дисциплин, в которых используются знания по указанной дисциплине.

#### 5. Объем дисциплины и виды учебной работы:

Виды учебной работы	очная форма обучения	очно-заочная обучения	заочная форма обучения
Общая трудоемкость дисциплины (в часах)	180	180	180
Аудиторная работа (в часах):	84	76	18
Лекции (Л)	42	38	8
Практические занятия (ПЗ)	42	38	10
Самостоятельная работа (СР) (в часах):	69	77	153
Контроль	27	27	9

Форма итогового контроля по дисциплине	Экзамен	Экзамен	Экзамен
--	---------	---------	---------

#### 6. Содержание и структура дисциплины:

Содержание дисциплины, структурированное по разделам (темам) с указанием отведенного на них количества академических или астрономических часов и видов учебных занятий

Очная форма обучения

	Видн	ы учебн	ой ра				
	трудоемкость (в часах)						
Наименование разделов (включая	Обще		тактн			Оценочн	Результаты
темы)	e	ра	абота		CD	ые	обучения
,	к-во	Всего	-	П	CP	средства	
	часов	часов	Л	ПЗ			
Раздел 1. Числа, множества, функции Тема 1. Действительные числа. Действительные числа и числовая ось. Интервал, окрестность точки. Абсолютная величина числа. Тема 2. Основы теории множеств. Понятие множества. Конечные и бесконечные множества. Операции над множествами. Алгебраические свойства операций над множествами. Тема 3. Понятие функции. Область определение функции. Область определения и область значений функций. Способы задания функций. Основные элементарные функции. Сложная функция. Неявные функции. Обратная функция. Функции, используемые в экономике.	16	8	4	4	8	Опрос, типовые задачи, контрол ьные задания, презента ции по выбору обучаю щегося)	РОЗ-УК-1.1; РОУ-УК-1.2; РОВ-УК-1.3; РОЗ-УК-10.1; РОУ-УК-10.2; РОВ-УК-10.3
Раздел 2. Предел, непрерывность Тема 1. Предел функции. Предел функции. Предел функции. Предел функции. Основные теоремы о пределах. Первый замечательный предел. Второй замечательный предел. Способы вычисления пределов. Односторонние пределы. Тема 2. Бесконечно малые и бесконечно большие функции. Бесконечно малые и бесконечно малые и бесконечно малые. Сравнение бесконечно малых. Эквивалентные бесконечно малые. Тема 3. Непрерывность функции. Разрывы первого и второго рода. Действия над непрерывными функциями. Непрерывность элементарных	16	8	4	4	8	Опрос, типовые задачи, контрол ьные задания, презента ции по выбору обучаю щегося)	РОЗ-УК-1.1; РОУ-УК-1.2; РОВ-УК-1.3; РОЗ-УК-10.1; РОУ-УК-10.2; РОВ-УК-10.3

Averyovy Chairman							
функций. Свойства непрерывных							
функций.							
Раздел 3. Дифференциальное							
исчисление функций одной							
переменной							
Тема 1. Производная функции.							
Определение производной.							
Геометрический, физический и							
экономический смысл производной. Таблица производных. Правила							
таолица производных. правила дифференцирования.							
дифференцирования. Тема 2. Дифференцирование							
тема 2. дифференцирование функций.							
функции. Производная сложной функции.						Опрос,	
Логарифмическая производная.						типовые	
Производная неявной функции и						задачи,	DO2 VIC 1 1.
функции, заданной параметрический.						контрол	РОЗ-УК-1.1; РОУ-УК-1.2;
Дифференциал функции и его						ьные	РОУ-УК-1.2; РОВ-УК-1.3;
использование в приближенных	16	8	4	4	8	задания,	РОЗ-УК-10.1;
вычислениях. Производные и						презента	РОУ-УК-10.2;
дифференциалы высших порядков.						ции по	РОВ-УК-10.3
Теоремы Ферма, Ролля, Лагранжа и						выбору	
Коши. Правило Лопиталя.						обучаю	
Тема 3. Исследование функций с						щегося)	
помощью дифференциального							
исчисления.							
Условия возрастания и убывания							
функций. Экстремум функции.							
Необходимые и достаточные условия							
существования экстремума.							
Выпуклость графика функции. Точки							
перегиба и их нахождение.							
Асимптоты. Общая схема							
исследования функции.							
Раздел 4. Дифференциальное							
исчисление функций нескольких							
переменных							
Тема 1. Функция нескольких						Опрос,	
переменных.						типовые	
Понятие функции нескольких						задачи,	Don viii
переменных. Предел и непрерывность функций нескольких переменных.						контрол	РОЗ-УК-1.1;
Тема 2. Дифференцирование функций						ьные	РОУ-УК-1.2; РОВ-УК-1.3;
нескольких переменных.	16	10	4	6	6	задания,	РОЗ-УК-10.1;
Частные производные 1-го и 2-го						презента	РОУ-УК-10.2;
порядка. Полный дифференциал						ции по	РОВ-УК-10.3
функции. Необходимое и достаточное						выбору	
условия локального экстремума						обучаю	
функции двух переменных.						щегося)	
Экономическое приложение							
производной функции. Производная в							
данном направлении. Градиент.							
г, телентин традионт.			1	1	1	1	j

Раздел 5. Интегральное исчисление Тема 1. Неопределенный интеграл. Первообразная функция. Неопределенный интеграл. Таблица основных интегралов. Правила интегрирования. Способы интегрирования: непосредственное, заменой переменной, интегрирование по частям. Понятие об интегрировании рациональных, иррациональных и тригонометрических функций. Тема 2. Определенный интеграл. Геометрический смысл определенного интеграла. Простейшие свойства определенного интеграла. Формула Ньютона- Лейбница. Замена переменной и интегрирование по частям в определенных интегралов для вычисления площади фигуры, объема тела, длины дути. Экономические приложения интегрального исчисления. Тема 3. Несобственные интегралы. Понятие несобственные интегралов первого и второго рода. Сходимость несобственных интегралов. Тема 4. Дифференциальные уравнения. Общие сведения и понятия. Дифференциальные уравнения первого порядка, с разделяющимися первого порядка, Дифференциальные уравнения высших порядков. Интегрирование линейных дифференциальных уравнений первого и второго порядков.	16	10	4	6	6	ьные задания, презента	РОЗ-УК-1.1; РОУ-УК-1.2; РОВ-УК-1.3; РОЗ-УК-10.1; РОУ-УК-10.2; РОВ-УК-10.3
Раздел 6. Элементы линейной алгебры Тема 1. Матрицы и определители. Матрицы, их виды, основные операции над матрицами. Определители. Свойства определителей и способы вычисления. Обратная матрица. Способы вычисления обратной матрицы. Ранг матрицы. Тема 2. Решение систем линейных	18	10	4	6	8	ьные задания, презента	PO3-УК-1.1; POУ-УК-1.2; POB-УК-1.3; PO3-УК-10.1; POУ-УК-10.2; POB-УК-10.3

			1	1	ı	I	1
алгебраических уравнений.							
Системы линейных алгебраических							
уравнений. Теорема Кронекера-							
Капелли. Формулы Кремера, методом							
Гаусса. Матричная запись системы							
линейных уравнений. Решение							
системы линейных уравнений с							
помощью обратной матрицы.							
Раздел 7. Аналитическая геометрия							
Тема 1. Векторы на плоскости и в							
пространстве.							
Понятие вектора. Линейные операции							
над векторами. Разложение вектора							
по базису. Системы координат.							
Скалярное произведение векторов.						Опрос,	
Векторное и смешанное произведение						типовые	
векторов и их свойства.						задачи,	
Тема 2. Линии на плоскости.						контрол	РОЗ-УК-1.1;
Основные задачи аналитической						ьные	РОУ-УК-1.2;
геометрии на плоскости. Прямая	18	10	6	4	8	задания,	РОВ-УК-1.3;
линия на плоскости, различные							РОЗ-УК-10.1; РОУ-УК-10.2;
уравнения прямой. Кривые второго						ции по	РОУ-УК-10.2; РОВ-УК-10.3
порядка на плоскости: окружность,						выбору	1 OD-3 K-10.3
эллипс, гипербола, парабола, их						обучаю	
свойства и уравнения.						щегося)	
Тема 3. Поверхности и линии в						ĺ	
пространстве.							
Уравнения плоскости и прямой в							
пространстве. Угол между							
плоскостями. Угол между прямыми.							
Угол между прямой и плоскостью. Поверхности второго порядка.							
Раздел 8. Основы теории							
вероятностей							
вероятностеи Тема 1. Случайные события.							
Элементы комбинаторики.							
Случайные события. Операции над							
событиями. Пространство						Опрос,	
элементарных исходов. Классическое						типовые	
и статистическое определение						задачи,	DOD VIII 1 1
вероятности события. Примеры						контрол	РОЗ-УК-1.1; РОУ-УК-1.2;
применения теории вероятностей в						ьные	РОВ-УК-1.3;
экономике.	18	10	6	4	8	задания,	РОЗ-УК-10.1;
Тема 2. Сложение и умножение						презента	РОУ-УК-10.2;
вероятностей.						ции по	РОВ-УК-10.3
Совместные и несовместные события.						выбору	
Теорема сложения вероятностей.						обучаю	
Условная вероятность. Теорема						щегося)	
умножения вероятностей							
Тема 3. Основные формулы для							
вычисления вероятности событий.							
Формула полной вероятности.							
P. J. J. Holling Beponinoein.			1	ı	ı	I	]

Формула Байеса. Формула Бернулли. Формула Пуассона. Тема 4. Случайные величины. Основные законы распределения. Случайные величины, их типы и законы распределения. Функции распределения и их свойства.							
Числовые характеристики случайных величин. Основные законы распределения: равномерное, показательное, нормальное							
распределение. Тема 5. Предельные теоремы. Асимптотические предельные теоремы. Закон больших чисел.							
Теорема Чебышева. Предельные центральные теоремы. Теорема и неравенство Ляпунова. Цепи Маркова и их использование в моделировании социально-экономических процессов.							
Раздел 9. Элементы математической статистики Тема 1. Задачи математической статистики. Выборочная и генеральная						Опрос, типовые задачи, контрол ьные	
совокупности. Типы выборок. Вариационный ряд и его характеристики. Статистическое распределение выборки. Эмпирическая функция распределения. Полигон частот и гистограмма. Выборочная средняя и дисперсия.						задания, презента ции по выбору обучаю щегося)	
Тема 2. Статистические оценки. Статистические оценки и их свойства. Точность оценки. Доверительный интервал и доверительная вероятность. Методы получения статистических оценок. Тема 3. Статистические гипотезы.	19	10	6	4	9		РОЗ-УК-1.1; РОУ-УК-1.2; РОВ-УК-1.3; РОЗ-УК-10.1; РОУ-УК-10.2; РОВ-УК-10.3
Основные понятия. Ошибки первого и второго рода. Статистический критерий проверки нулевой гипотезы. Проверка гипотезы о распределении генеральной совокупности. Критерий Пирсона.							
Тема 4. Элементы теории корреляции Корреляционная зависимость. Кривые регрессии. Ковариация. Коэффициенты корреляции, корреляционное отношение, их свойства. Эмпирические кривые							

регрессии. Определение параметров регрессии. Оценка параметров нелинейных регрессий.						
Экзамен	27	_	-	-	-	
Всего по курсу часов:	180	84	42	42	69	

### Очно-заочная форма обучения

	Виды учебной работы и трудоемкость (в часах)							
Наименование разделов (включая					<u> </u>	Оценоч ные	Результаты	
темы)	е	работа				средств	обучения	
131.22)	к-во	Всего			CP	a		
	часов	часов	Л	ПЗ				
Раздел 1. Числа, множества, функции Тема 1. Действительные числа и числовая ось. Интервал, окрестность точки. Абсолютная величина числа. Тема 2. Основы теории множеств. Понятие множества. Конечные и бесконечные множества. Операции над множествами. Алгебраические свойства операций над множествами. Тема 3. Понятие функции. Область определение функции. Область определения и область значений функций. Способы задания функций. Основные элементарные функции. Сложная функция. Неявные функции. Обратная функция. Функции, используемые в экономике.	16	8	4	4	8	Опрос, типовы е задачи, контро льные задания , презент ации по выбору обучаю щегося)	РОЗ-УК-1.1; РОУ-УК-1.2; РОВ-УК-1.3; РОЗ-УК-10.1; РОУ-УК-10.2; РОВ-УК-10.3	
Раздел 2. Предел, непрерывность Тема 1. Предел функции. Предел функции. Основные теоремы о пределах. Первый замечательный предел. Второй замечательный предел. Способы вычисления пределов. Односторонние пределы. Тема 2. Бесконечно малые и бесконечно большие функции. Бесконечно малые и бесконечно малые и бесконечно малые. Сравнение бесконечно малые. Тема 3. Непрерывность функции. Разрывы первого и второго рода. Действия над непрерывными функциями. Непрерывность элементарных функций. Свойства непрерывных	16	8	4	4	8	Опрос, типовы е задачи, контро льные задания , презент ации по выбору обучаю щегося)	РОЗ-УК-1.1; РОУ-УК-1.2; РОВ-УК-1.3; РОЗ-УК-10.1; РОУ-УК-10.2; РОВ-УК-10.3	

функций.							
Раздел 3. Дифференциальное исчисление функций одной переменной Тема 1. Производная функции. Определение производной. Геометрический, физический и экономический смысл производной. Таблица производных. Правила дифференцирования. Тема 2. Дифференцирование функций. Производная сложной функции. Логарифмическая производная. Производная неявной функции и функции, заданной параметрический. Дифференциал функции и его использование в приближенных вычислениях. Производные и дифференциалы высших порядков. Теоремы Ферма, Ролля, Лагранжа и Коши. Правило Лопиталя. Тема 3. Исследование функций с помощью дифференциального исчисления. Условия возрастания и убывания функций. Экстремум функции. Необходимые и достаточные условия существования экстремума. Выпуклость графика функции. Точки перегиба и их нахождение. Асимптоты. Общая схема исследования функции.	16	8	4	4	8		РОЗ-УК-1.1; РОУ-УК-1.2; РОВ-УК-1.3; РОЗ-УК-10.1; РОУ-УК-10.2; РОВ-УК-10.3
Раздел 4. Дифференциальное исчисление функций нескольких переменных Тема 1. Функция нескольких переменных. Понятие функции нескольких переменных. Предел и непрерывность функций нескольких переменных. Тема 2. Дифференцирование функций нескольких переменных. Частные производные 1-го и 2-го порядка. Полный дифференциал функции. Необходимое и достаточное условия локального экстремума функции двух переменных. Экономическое приложение производной функции. Производная в данном направлении. Градиент.	16	8	4	4	8	Опрос, типовы е задачи, контро льные задания , презент ации по выбору обучаю щегося)	РОЗ-УК-1.1; РОУ-УК-1.2; РОВ-УК-1.3; РОЗ-УК-10.1; РОУ-УК-10.2; РОВ-УК-10.3

Раздел 5. Интегральное исчисление Тема 1. Неопределенный интеграл. Первообразная функция. Неопределенный интеграл. Таблица основных интегралов. Правила интегрирования. Способы интегрирования: непосредственное, заменой переменной, интегрирование по частям. Понятие об интегрировании рациональных, иррациональных и тригонометрических функций. Тема 2. Определенный интеграл. Геометрический смысл определенного интеграла. Простейшие свойства определенного интеграла. Формула Ньютона- Лейбница. Замена переменной и интегрирование по частям в определенном интеграле. Применение определенных интегралов для вычисления площади фигуры, объема тела, длины дуги. Экономические приложения интегрального исчисления. Тема 3. Несобственные интегралы. Понятие несобственных интегралов первого и второго рода. Сходимость несобственных интегралов. Тема 4. Дифференциальные уравнения. Общие сведения и понятия. Дифференциальные уравнения первого порядка, с разделяющимися переменными. Однородные дифференциальные уравнения первого порядка. Дифференциальные уравнения высших порядков. Интегрирование линейных	16	8	4	4	8		РОЗ-УК-1.1; РОУ-УК-1.2; РОВ-УК-10.1; РОУ-УК-10.2; РОВ-УК-10.3
уравнения высших порядков. Интегрирование линейных							
дифференциальных уравнений первого и второго порядков.							
Раздел 6. Элементы линейной						Опрос,	
алгебры Тема 1. Матрицы и определители.						типовы е	
Матрицы, их виды, основные						задачи,	РОЗ-УК-1.1;
операции над матрицами.						контро	РОУ-УК-1.2;
Определители. Свойства	18	8	4	4	10	льные	РОВ-УК-1.3; РОЗ-УК-10.1;
определителей и способы						задания	РОУ-УК-10.1; РОУ-УК-10.2;
вычисления. Обратная матрица.						,	РОВ-УК-10.3
Способы вычисления обратной						презент	
матрицы. Ранг матрицы.						ации по	
Тема 2. Решение систем линейных						выбору	

алгебраических уравнений. Системы линейных алгебраических уравнений. Теорема Кронекера- Капелли. Формулы Кремера, методом Гаусса. Матричная запись системы линейных уравнений. Решение системы линейных уравнений с						обучаю щегося)	
помощью обратной матрицы.  Раздел 7. Аналитическая геометрия Тема 1. Векторы на плоскости и в пространстве. Понятие вектора. Линейные операции над векторами. Разложение вектора по базису. Системы координат. Скалярное произведение векторов. Векторное и смешанное произведение векторов и их свойства. Тема 2. Линии на плоскости. Основные задачи аналитической геометрии на плоскости. Прямая линия на плоскости, различные уравнения прямой. Кривые второго порядка на плоскости: окружность, эллипс, гипербола, парабола, их свойства и уравнения. Тема 3. Поверхности и линии в пространстве. Уравнения плоскости и прямой в пространстве. Угол между плоскостями. Угол между прямыми. Угол между прямой и плоскостью. Поверхности второго порядка.	18	8	4	4	10	Опрос, типовы е задачи, контро льные задания , презент ации по выбору обучаю щегося)	РОЗ-УК-1.1; РОУ-УК-1.2; РОВ-УК-1.3; РОЗ-УК-10.1; РОУ-УК-10.2; РОВ-УК-10.3
Раздел 8. Основы теории вероятностей Тема 1. Случайные события. Элементы комбинаторики. Случайные события. Операции над событиями. Пространство элементарных исходов. Классическое и статистическое определение вероятности события. Примеры применения теории вероятностей в экономике. Тема 2. Сложение и умножение вероятностей. Совместные и несовместные события. Теорема сложения вероятностей. Условная вероятность. Теорема умножения вероятностей Тема 3. Основные формулы для вычисления вероятности событий. Формула полной вероятности.	18	10	6	4	8	Опрос, типовы е задачи, контро льные задания , презент ации по выбору обучаю щегося)	РОЗ-УК-1.1; РОУ-УК-1.2; РОВ-УК-1.3; РОЗ-УК-10.1; РОУ-УК-10.2; РОВ-УК-10.3

Формула Байеса. Формула Бернулли. Формула Пуассона. Тема 4. Случайные величины. Основные законы распределения. Случайные величины, их типы и законы распределения. Функции распределения и их свойства. Числовые характеристики случайных величин. Основные законы распределения: равномерное, показательное, нормальное распределение.							
Тема 5. Предельные теоремы. Асимптотические предельные теоремы. Закон больших чисел. Теорема Чебышева. Предельные центральные теоремы. Теорема и неравенство Ляпунова. Цепи Маркова и их использование в моделировании социально-экономических процессов.							
Раздел 9. Элементы математической статистики Тема 1. Задачи математической статистики. Выборочная и генеральная совокупности. Типы выборок. Вариационный ряд и его характеристики. Статистическое распределение выборки. Эмпирическая функция распределения. Полигон частот и гистограмма. Выборочная средняя и дисперсия. Тема 2. Статистические оценки. Статистические оценки. Статистические оценки. Интервал и доверительный интервал и доверительная вероятность. Методы получения статистических оценок. Тема 3. Статистические гипотезы. Основные понятия. Ошибки первого и второго рода. Статистический критерий проверки нулевой гипотезы. Проверка гипотезы о распределении генеральной совокупности. Критерий Пирсона. Тема 4. Элементы теории корреляции Корреляционная зависимость. Кривые регрессии. Ковариация. Коэффициенты корреляции, корреляционное отношение, их свойства. Эмпирические кривые	19	10	6	4	9	Опрос, типовы е задачи, контро льные задания , презент ации по выбору обучаю щегося)	РОЗ-УК-1.1; РОУ-УК-1.2; РОВ-УК-10.1; РОУ-УК-10.2; РОВ-УК-10.3

регрессии. Определение параметров регрессии. Оценка параметров						
нелинейных регрессий.						
Экзамен	27	-	-	-	-	
Всего по курсу часов:	180	76	38	38	77	

### Заочная форма обучения

		ы учебн цоемкос	_	Оценоч			
Наименование разделов (включая	Обще		тактн			ные	Результаты
темы)	e	ра	абота		CP	средств	обучения
	к-во	Всего	Л	ПЗ		a	-
	часов	часов	JI	113			
Раздел 1. Числа, множества, функции Тема 1. Действительные числа и числовая ось. Интервал, окрестность точки. Абсолютная величина числа. Тема 2. Основы теории множеств. Понятие множества. Конечные и бесконечные множества. Операции над множествами. Алгебраические свойства операций над множествами. Тема 3. Понятие функции. Определение функции. Область определения и область значений функций. Способы задания функций. Основные элементарные функции. Сложная функция. Неявные функции.	18	2	2	-	16	Опрос, типовы е задачи, контро льные задания , презент ации по выбору обучаю щегося)	РОЗ-УК-1.1; РОУ-УК-1.2; РОВ-УК-1.3; РОЗ-УК-10.1; РОУ-УК-10.2; РОВ-УК-10.3
Обратная функция. Псявные функции, используемые в экономике.  Раздел 2. Предел, непрерывность Тема 1. Предел функции. Предел функции. Предел функции. Предел функции. Основные теоремы о пределах. Первый замечательный предел. Второй замечательный предел. Способы вычисления пределов. Односторонние пределы. Тема 2. Бесконечно малые и бесконечно большие функции. Бесконечно малые и бесконечно малые и бесконечно большие функции. Сравнение бесконечно малых. Эквивалентные бесконечно малые.  Тема 3. Непрерывность функции. Непрерывность функции. Разрывы первого и второго рода. Действия над непрерывными функциями. Непрерывность элементарных функций. Свойства непрерывных	18	2	-	2	16	Опрос, типовы е задачи, контро льные задания , презент ации по выбору обучаю щегося)	РОЗ-УК-1.1; РОУ-УК-1.2; РОВ-УК-1.3; РОЗ-УК-10.1; РОУ-УК-10.2; РОВ-УК-10.3

функций.							
Раздел 3. Дифференциальное исчисление функций одной переменной Тема 1. Производная функции. Определение производной. Геометрический, физический и экономический смысл производной. Таблица производных. Правила дифференцирования. Тема 2. Дифференцирование функций. Производная сложной функции. Логарифмическая производная. Производная неявной функции и функции, заданной параметрический. Дифференциал функции и его использование в приближенных вычислениях. Производные и дифференциалы высших порядков. Теоремы Ферма, Ролля, Лагранжа и Коши. Правило Лопиталя. Тема 3. Исследование функций с помощью дифференциального исчисления. Условия возрастания и убывания функций. Экстремум функции. Необходимые и достаточные условия существования экстремума. Выпуклость графика функции. Точки перегиба и их нахождение. Асимптоты. Общая схема исследования функции.	18	2	2	-	16		РОЗ-УК-1.1; РОУ-УК-1.2; РОВ-УК-10.1; РОУ-УК-10.2; РОВ-УК-10.3
Раздел 4. Дифференциальное исчисление функций нескольких переменных Тема 1. Функция нескольких переменных. Понятие функции нескольких переменных. Предел и непрерывность функций нескольких переменных. Тема 2. Дифференцирование функций нескольких переменных. Частные производные 1-го и 2-го порядка. Полный дифференциал функции. Необходимое и достаточное условия локального экстремума функции двух переменных. Экономическое приложение производной функции. Производная в данном направлении. Градиент.	18	2	2	-	16	Опрос, типовы е задачи, контро льные задания , презент ации по выбору обучаю щегося)	РОЗ-УК-1.1; РОУ-УК-1.2; РОВ-УК-1.3; РОЗ-УК-10.1; РОУ-УК-10.2; РОВ-УК-10.3

Раздел 5. Интегральное исчисление Тема 1. Неопределенный интеграл. Первообразная функция. Неопределенный интеграл. Таблица основных интегралов. Правила интегрирования: Способы интегрирования: непосредственное, заменой переменной, интегрирование по частям. Понятие об интегрировании рациональных, иррациональных и тригонометрических функций. Тема 2. Определенный интеграл. Геометрический смысл определенного интеграла. Простейшие свойства определенного интеграла. Абримула Ньютона-Лейбница. Замена переменной и интегрирование по частям в определенных интегралов для вычисления площади фигуры, объема тела, длины дуги. Экономические приложения интегрального исчисления. Тема 3. Несобственные интегралы. Понятие несобственные интегралов первого и второго рода. Сходимость несобственных интегралов. Тема 4. Дифференциальные уравнения первого порядка, с разделяющимися первого порядка, с разделяющимися первого порядка. Дифференциальные уравнения первого порядка. Дифференциальные уравнения высших порядков. Интегрирование линейных дифференциальных уравнений первого и второго порядков. Интегрирование линейных дифференциальных уравнений первого и второго порядков.	18	2		2	16		РОЗ-УК-1.1; РОУ-УК-1.2; РОВ-УК-1.3; РОЗ-УК-10.1; РОУ-УК-10.2; РОВ-УК-10.3
Раздел 6. Элементы линейной алгебры Тема 1. Матрицы и определители. Матрицы, их виды, основные операции над матрицами. Определители. Свойства определителей и способы вычисления. Обратная матрица. Способы вычисления обратной матрицы. Ранг матрицы. Тема 2. Решение систем линейных	20	2	2	-	18	Опрос, типовы е задачи, контро льные задания , презент ации по выбору	РОЗ-УК-1.1; РОУ-УК-1.2; РОВ-УК-1.3; РОЗ-УК-10.1; РОУ-УК-10.2; РОВ-УК-10.3

алгебраических уравнений. Системы линейных алгебраических уравнений. Теорема Кронекера- Капелли. Формулы Кремера, методом Гаусса. Матричная запись системы линейных уравнений. Решение системы линейных уравнений с помощью обратной матрицы.						обучаю щегося)	
Раздел 7. Аналитическая геометрия Тема 1. Векторы на плоскости и в пространстве. Понятие вектора. Линейные операции над векторами. Разложение вектора по базису. Системы координат. Скалярное произведение векторов. Векторное и смешанное произведение векторов и их свойства. Тема 2. Линии на плоскости. Основные задачи аналитической геометрии на плоскости. Прямая линия на плоскости, различные уравнения прямой. Кривые второго порядка на плоскости: окружность, эллипс, гипербола, парабола, их свойства и уравнения. Тема 3. Поверхности и линии в пространстве. Уравнения плоскости и прямой в пространстве. Угол между прямыми. Угол между прямыми. Угол между прямой и плоскостью. Поверхности второго порядка.	20	2	-	2	18	Опрос, типовы е задачи, контро льные задания , презент ации по выбору обучаю щегося)	РОЗ-УК-1.1; РОУ-УК-1.2; РОВ-УК-10.1; РОУ-УК-10.2; РОВ-УК-10.3
Раздел 8. Основы теории вероятностей Тема 1. Случайные события. Элементы комбинаторики. Случайные события. Операции над событиями. Пространство элементарных исходов. Классическое и статистическое определение вероятности события. Примеры применения теории вероятностей в экономике. Тема 2. Сложение и умножение вероятностей. Совместные и несовместные события. Теорема сложения вероятностей. Условная вероятность. Теорема умножения вероятностей Тема 3. Основные формулы для вычисления вероятности событий. Формула полной вероятности.	20	2	-	2	18	Опрос, типовы е задачи, контро льные задания , презент ации по выбору обучаю щегося)	РОЗ-УК-1.1; РОУ-УК-1.2; РОВ-УК-1.3; РОЗ-УК-10.1; РОУ-УК-10.2; РОВ-УК-10.3

Формула Байеса. Формула Бернулли. Формула Пуассона.							
Тема 4. Случайные величины.							
Основные законы распределения.							
Случайные величины, их типы и							
законы распределения. Функции							
распределения и их свойства.							
Числовые характеристики случайных							
величин. Основные законы							
распределения: равномерное,							
показательное, нормальное							
распределение.							
Тема 5. Предельные теоремы.							
Асимптотические предельные							
теоремы. Закон больших чисел.							
Теорема Чебышева. Предельные							
центральные теоремы. Теорема и							
неравенство Ляпунова. Цепи Маркова							
и их использование в моделировании							
социально-экономических процессов.							
Раздел 9. Элементы математической						Опрос,	
статистики						типовы	
Тема 1. Задачи математической						е	
статистики.						задачи,	
Выборочная и генеральная						контро	
совокупности. Типы выборок.						льные	
Вариационный ряд и его						задания	
характеристики. Статистическое						задання	
распределение выборки.						презент	
Эмпирическая функция						ации по	
распределения. Полигон частот и						выбору	
гистограмма. Выборочная средняя и						обучаю	
дисперсия.						щегося)	
Тема 2. Статистические оценки.						, ,	РОЗ-УК-1.1;
Статистические оценки и их свойства.							РОУ-УК-1.2;
Точность оценки. Доверительный	2.1	2		_	10		РОВ-УК-1.3;
интервал и доверительная	21	2	-	2	19		РОЗ-УК-10.1;
вероятность. Методы получения							РОУ-УК-10.2;
статистических оценок.							РОВ-УК-10.3
Тема 3. Статистические гипотезы.							
Основные понятия. Ошибки первого							
и второго рода. Статистический							
критерий проверки нулевой гипотезы.							
Проверка гипотезы о распределении							
генеральной совокупности. Критерий							
Пирсона.							
Тема 4. Элементы теории корреляции							
Корреляционная зависимость.							
Кривые регрессии. Ковариация.							
Коэффициенты корреляции,							
корреляционное отношение, их							
свойства. Эмпирические кривые							

регрессии. Определение параметров						
регрессии. Оценка параметров нелинейных регрессий.						
Экзамен	9	-	-	-	-	
Всего по курсу часов:	180	18	8	10	153	

#### 7. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

Обучение по дисциплине «Математика» предполагает изучение курса на аудиторных занятиях и в ходе самостоятельной работы. Аудиторные занятия проходят в форме лекций и практических занятий. Самостоятельная работа включает разнообразный комплекс видом и форм работы обучающихся.

Для успешного освоения содержания дисциплины и достижения поставленных целей необходимо познакомиться со следующими документами: выпиской из Учебного плана по данной дисциплине, основными положениями рабочей программы дисциплины, календарным учебно-тематическим планом дисциплины. Данный материал может представить преподаватель на вводной лекции или самостоятельно обучающийся использует данные локальной информационно-библиотечной системы Института.

Следует обратить внимание на список основной и дополнительной литературы, которая имеется в локальной информационно-библиотечной системе Института, на предлагаемые преподавателем ресурсы информационно-телекоммуникационной сети «Интернет». Эта информация необходима для самостоятельной работы обучающегося.

При подготовке к аудиторным занятиям необходимо помнить особенности каждой формы его проведения.

#### Подготовка к лекции

С целью обеспечения успешного обучения обучающийся должен готовиться к лекции, поскольку она является важнейшей формой организации учебного процесса, поскольку:

- 1. знакомит с новым учебным материалом;
- 2. разъясняет учебные элементы, трудные для понимания;
- 3. систематизирует учебный материал;
- 4. ориентирует в учебном процессе.

С этой целью:

- 1. внимательно прочитайте материал предыдущей лекции;
- 2. ознакомьтесь с учебным материалом по учебнику и учебным пособиям с темой прочитанной лекции;
- 3. внесите дополнения к полученным ранее знаниям по теме лекции на полях лекционной тетради;
- 4. запишите возможные вопросы, которые вы зададите лектору на лекции по материалу изученной лекции;
  - 5. постарайтесь уяснить место изучаемой темы в своей подготовке;
- 6. узнайте тему предстоящей лекции (по тематическому плану, по информации лектора) и запишите информацию, которой вы владеете по данному вопросу.

#### Подготовка к практическому занятию

При подготовке и работе во время проведения практических занятий следует обратить внимание на следующие моменты: на процесс предварительной подготовки, на работу во время занятия, обработку полученных результатов, исправление полученных замечаний.

Предварительная подготовка к практическому занятию заключается в изучении теоретического материала в отведенное для самостоятельной работы время, ознакомление с инструктивными материалами с целью осознания задач практического занятия.

Работа во время проведения практического занятия включает несколько моментов:

- 1. консультирование обучающихся преподавателями и вспомогательным персоналом с целью предоставления исчерпывающей информации, необходимой для самостоятельного выполнения предложенных преподавателем задач;
- 2. самостоятельное выполнение заданий согласно обозначенной учебной программой тематики.

Обработка, обобщение полученных результатов практического занятия проводиться обучающимися самостоятельно или под руководством преподавателя (в зависимости от степени сложности поставленных задач). В результате оформляется индивидуальный отчет. Подготовленная к сдаче на контроль и оценку работа сдается преподавателю. Форма отчетности может быть письменная, устная или две одновременно. Главным результатом в данном случае служит получение положительной оценки по каждому практическому занятию. Это является необходимым условием при проведении рубежного контроля и допуска к экзамену. При получении неудовлетворительных результатов обучающийся имеет право в дополнительное время пересдать преподавателю работу до проведения промежуточной аттестации.

#### Самостоятельная работа

Для более углубленного изучения темы задания для самостоятельной работы рекомендуется выполнять параллельно с изучением данной темы. при выполнении заданий по возможности используйте наглядное представление материала. более подробная информация о самостоятельной работе представлена в разделах «Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы по дисциплине», «Методические указания к самостоятельной работе по дисциплине».

#### Подготовка к экзамену

К экзамену необходимо готовится целенаправленно, регулярно, систематически и с первых дней обучения по данной дисциплине. Попытки освоить дисциплину в период зачётно-экзаменационной сессии, как правило, показывают не слишком удовлетворительные результаты.

При подготовке к экзамену по теоретической части выделите в вопросе главное, существенное (понятия, признаки, классификации и пр.), приведите примеры, иллюстрирующие теоретические положения.

После предложенных указаний у обучающихся должно сформироваться четкое представление об объеме и характере знаний и умений, которыми надо будет овладеть по дисциплине.

#### 8. Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы по дисциплине

Самостоятельная работа обучающихся, как важный момент освоения содержания дисциплины «Математика», и как следствие образовательной программы высшего образования по направлению подготовки 38.03.02 «Менеджмент», предполагает разнообразные виды и формы её проведения.

Самостоятельная работа подразделяется на самостоятельную работу на аудиторных занятиях и на самостоятельную работу на внеаудиторных занятиях, которые составляет примерно 50~% от общего объема дисциплины на очной форме обучения и около 80~% на заочной форме обучения.

В данном разделе предлагается учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы обучающихся, которое выполняется по заданию и при методическом руководстве преподавателя, но без его непосредственного участия.

### 8.1. Виды самостоятельной работы

Очная, очно-заочная, заочная формы обучения:

Вид самостоятельной работы
Подготовка курсовой работы (по Учебному плану не предусмотрена)
Подготовка к текущим рубежным рейтингам
Подготовка к практическим или семинарским занятиям
Подготовка домашнего задания (подготовка сообщений, докладов, презентаций, решение задач и т.д.)
Проработка и повторение лекционного материала, материала учебников и учебных пособий
Работа с научной литературой
Самостоятельное изучение тем дисциплины
Прочие виды самостоятельной работы

#### 8.2. Информационно-методические ресурсы самостоятельной работы

№	Вид СР	Наименование темы	Информационные ресурсы	
	Подготовка к	Раздел №1. Числа, множества, функции	http://primat.at.ua,	
	практическим	Раздел №2. Предел, непрерывность		
	занятиям	Раздел №3. Дифференциальное исчисление		
		функций одной переменной		
		Раздел №4. Дифференциальное исчисление		
1.		функций нескольких переменных		
1.		Раздел №5.Интегральное исчисление		
		Раздел №6.Элементы линейной алгебры		
		Раздел №7. Аналитическая геометрия		
		Раздел №8.Основы теории вероятностей		
		Раздел №9.Элементы математической		
		статистики		
	Подготовка	Раздел №1. Числа, множества, функции	http://book.ru-	
	домашнего задания	Раздел №2. Предел, непрерывность	<u>deluxe.ru</u>	
2.	(решение задач)	Раздел №3. Дифференциальное исчисление		
		функций одной переменной		
		Раздел №4. Дифференциальное исчисление		
		функций нескольких переменных		

№	Вид СР	Наименование темы	Информационные ресурсы	
		Раздел №5.Интегральное исчисление	•	
		Раздел №6.Элементы линейной алгебры		
		Раздел №7.Аналитическая геометрия		
		Раздел №8.Основы теории вероятностей		
		Раздел №9.Элементы математической		
		статистики		
	Проработка и	Раздел №1. Числа, множества, функции	http://primat.at.ua,	
	повторение	Раздел №2. Предел, непрерывность		
	лекционного	Раздел №3. Дифференциальное исчисление		
	материала,	функций одной переменной		
	материала	Раздел №4. Дифференциальное исчисление		
3.	учебников и	функций нескольких переменных		
٥.	учебных пособий	Раздел №5.Интегральное исчисление		
		Раздел №6.Элементы линейной алгебры		
		Раздел №7.Аналитическая геометрия		
		Раздел №8.Основы теории вероятностей		
		Раздел №9.Элементы математической		
		статистики		
	Самостоятельное	Раздел №1. Числа, множества, функции	http://primat.at.ua,	
	изучение тем	Раздел №2. Предел, непрерывность		
	дисциплины	Раздел №3. Дифференциальное исчисление		
		функций одной переменной		
		Раздел №4. Дифференциальное исчисление		
4.		функций нескольких переменных		
т.		Раздел №5.Интегральное исчисление		
		Раздел №6.Элементы линейной алгебры		
		Раздел №7.Аналитическая геометрия		
		Раздел №8.Основы теории вероятностей		
		Раздел №9.Элементы математической		
		статистики		

#### 8.3. Самостоятельное изучение тем дисциплины

Основу работы при самостоятельном изучении тем дисциплины составляет работа с учебной и научной литературой, с Интернет-ресурсами.

Последовательность действий, которых целесообразно придерживаться при работе с литературой:

- 1. Сначала прочитать весь текст в быстром темпе. Цель такого чтения заключается в том, чтобы создать общее представление об изучаемом (не запоминать, а понять общий смысл прочитанного).
- 2. Затем прочитать вторично, более медленно, чтобы в ходе чтения понять и запомнить смысл каждой фразы, каждого положения и вопроса в целом.
- 3. Чтение желательно сопровождать записями. Это может быть составление плана прочитанного текста, тезисы или выписки, конспектирование и др. Выбор вида записи зависит от характера изучаемого материала и целей работы с ним. Если содержание материала несложное, легко усваиваемое, можно ограничиться составлением плана. Если материал содержит новую и трудно усваиваемую информацию, целесообразно его законспектировать. Результаты конспектирования могут быть представлены в различных формах:

- 1. Аннотирование предельно краткое связное описание просмотренной или прочитанной книги (статьи), ее содержания, источников, характера и назначения;
- 2. Планирование краткая логическая организация текста, раскрывающая содержание и структуру изучаемого материала;
- 3. Тезирование лаконичное воспроизведение основных утверждений автора без привлечения фактического материала;
- 4. Цитирование дословное выписывание из текста выдержек, извлечений, наиболее существенно отражающих ту или иную мысль автора;
- 5. Конспектирование краткое и последовательное изложение содержания прочитанного.

Конспект — сложный способ изложения содержания книги или статьи в логической последовательности. Конспект аккумулирует в себе предыдущие виды записи, позволяет всесторонне охватить содержание книги, статьи. Поэтому умение составлять план, тезисы, делать выписки и другие записи определяет и технологию составления конспекта.

*План* - это схема прочитанного материала, краткий (или подробный) перечень вопросов, отражающих структуру и последовательность материала. Подробно составленный план вполне заменяет конспект.

Различаются четыре типа конспектов.

 $\Pi$ лан-конспект - это развернутый детализированный план, в котором достаточно подробные записи приводятся по тем пунктам плана, которые нуждаются в пояснении.

Текстуальный конспект - это воспроизведение наиболее важных положений и фактов источника.

Свободный конспект - это четко и кратко сформулированные (изложенные) основные положения в результате глубокого осмысливания материала. В нем могут присутствовать выписки, цитаты, тезисы; часть материала может быть представлена планом.

*Тематический конспект* - составляется на основе изучения ряда источников и дает более или менее исчерпывающий ответ по какой-то схеме (вопросу).

В процессе изучения материала источника, составления конспекта нужно обязательно применять различные выделения, подзаголовки, создавая блочную структуру конспекта. Это делает конспект легко воспринимаемым, удобным для работы.

#### Очная форма обучения:

		Кол-во часов
		(преподаватель
		предварительно
		ориентирует
№		распределение часов по
	Вопросы, выносимые на самостоятельное изучение	вопросам,
раздела		обучающийся
		распределяет
		самостоятельно свою
		работу по мере
		сложности)
	Привести примеры элементарных и неэлементарных	
1.	функций	8
1.	Построить графики обратных тригонометрических	8
	функций	

№ раздела	Вопросы, выносимые на самостоятельное изучение  Доказать, что первый замечательный предел равен 1.	Кол-во часов (преподаватель предварительно ориентирует распределение часов по вопросам, обучающийся распределяет самостоятельно свою работу по мере сложности)
2.	Привести пример функции, имеющей разрывы 2-го рода.	8
3.	Логарифмическая производная, производная функции, заданной параметрически, производная функции, заданной неявно	8
4.	Изучение темы: Производная в данном направлении.	6
5.	Градиент  Доказать формулу интегрирования по частям для неопределенного интеграла.  Вывести таблицу неопределенных интегралов.  Разобрать методы решений однородных дифференциальных уравнений первого порядка и линейных дифференциальных уравнений первого порядка	6
6.	Доказать, что элементарные преобразования приводят к равносильной системе линейных уравнений. Обосновать метод Гаусса нахождения обратной матрицы. Вычислить определитель матрицы  (1 1 1 1 1	8
7.	Изучить темы: Уравнение линии на плоскости. Прямая на плоскости. Уравнения прямой. Канонические уравнения поверхностей второго порядка. Плоскость. Уравнения плоскости. Взаимные положения плоскостей. Прямая в пространстве. Взаимные положения прямых, прямой и плоскости	8
8.	<ol> <li>Привести пример независимых и зависимых событий.</li> <li>Привести примеры совместных и несовместных событий.</li> <li>Доказать самостоятельно формулу полной вероятности.</li> <li>Вывести формулу Бернулли.</li> <li>Запишите ряд распределения числа успехов в серии</li> </ol>	8

№ раздела	Вопросы, выносимые на самостоятельное изучение	Кол-во часов (преподаватель предварительно ориентирует распределение часов по вопросам, обучающийся распределяет самостоятельно свою работу по мере сложности)
	n=6 независимых испытаний для вероятности успеха в одном испытании $p=0,5$ . Постройте функцию распределения для числа успехов в 7 независимых испытаниях, если вероятность успеха в одном испытании равна $p=0,5$ . 7. Докажите свойства функции распределения случайной величины. 8. Выведите основные свойства математического ожидания случайной величины. 9. Найдите числовые характеристики биномиального распределения. Найдите числовые характеристики нормального распределения. Вычислите числовые характеристики равномерного и показательного распределений.	
9.	Совокупности и выборки. Доверительные интервалы. Методы получения статистических оценок Проверка гипотезы о значимости выборочного коэффициента корреляции. Построение эмпирических и теоретических линий регрессии	9
	Итого	69

### Очно-заочная форма обучения:

		Кол-во часов
		(преподаватель
		предварительно
		ориентирует
№		распределение часов по
	Вопросы, выносимые на самостоятельное изучение	вопросам,
раздела		обучающийся
		распределяет
		самостоятельно свою
		работу по мере
		сложности)
1.	Привести примеры элементарных и неэлементарных	8
1.	функций	Ö

№ раздела	Вопросы, выносимые на самостоятельное изучение	Кол-во часов (преподаватель предварительно ориентирует распределение часов по вопросам, обучающийся распределяет самостоятельно свою работу по мере сложности)
	Построить графики обратных тригонометрических функций	
2.	Доказать, что первый замечательный предел равен 1. Привести пример функции, имеющей разрывы 2-го рода.	8
3.	Логарифмическая производная, производная функции, заданной параметрически, производная функции, заданной неявно	8
4.	Изучение темы: Производная в данном направлении. Градиент	8
5.	Доказать формулу интегрирования по частям для неопределенного интеграла. Вывести таблицу неопределенных интегралов. Разобрать методы решений однородных дифференциальных уравнений первого порядка и линейных дифференциальных уравнений первого порядка	8
6.	Доказать, что элементарные преобразования приводят к равносильной системе линейных уравнений. Обосновать метод Гаусса нахождения обратной матрицы. Вычислить определитель матрицы  (1 1 1 1 1	10
7.	Изучить темы: Уравнение линии на плоскости. Прямая на плоскости. Уравнения прямой. Канонические уравнения поверхностей второго порядка. Плоскость. Уравнения плоскости. Взаимные положения плоскостей. Прямая в пространстве. Взаимные положения прямых, прямой и плоскости	10
8.	Привести пример независимых и зависимых событий.     Привести примеры совместных и несовместных событий.     Доказать самостоятельно формулу полной вероятности.	8

№ раздела	Вопросы, выносимые на самостоятельное изучение	Кол-во часов (преподаватель предварительно ориентирует распределение часов по вопросам, обучающийся распределяет самостоятельно свою
		работу по мере сложности)
	<ol> <li>Вывести формулу Бернулли.</li> <li>Запишите ряд распределения числа успехов в серии n = 6 независимых испытаний для вероятности успеха в одном испытании p = 0,5.</li> <li>Постройте функцию распределения для числа успехов в 7 независимых испытаниях, если вероятность успеха в одном испытании равнаp = 0,5.</li> <li>Докажите свойства функции распределения случайной величины.</li> <li>Выведите основные свойства математического ожидания случайной величины.</li> <li>Найдите числовые характеристики биномиального распределения.</li> <li>Найдите числовые характеристики нормального распределения.</li> <li>Вычислите числовые характеристики равномерного и показательного распределений.</li> </ol>	
9.	Совокупности и выборки. Доверительные интервалы. Методы получения статистических оценок Проверка гипотезы о значимости выборочного коэффициента корреляции. Построение эмпирических и теоретических линий регрессии	9
	Итого	77

### Заочная форма обучения:

		Кол-во часов
		(преподаватель
		предварительно
		ориентирует
№		распределение часов по
	Вопросы, выносимые на самостоятельное изучение	вопросам,
раздела		обучающийся
		распределяет
		самостоятельно свою
		работу по мере
		сложности)
1.	Привести примеры элементарных и неэлементарных	16

№ раздела	Вопросы, выносимые на самостоятельное изучение функций Построить графики обратных тригонометрических функций	Кол-во часов (преподаватель предварительно ориентирует распределение часов по вопросам, обучающийся распределяет самостоятельно свою работу по мере сложности)
2.	Доказать, что первый замечательный предел равен 1. Привести пример функции, имеющей разрывы 2-го рода.	16
3.	Логарифмическая производная, производная функции, заданной параметрически, производная функции, заданной неявно	16
4.	Изучение темы: Производная в данном направлении. Градиент	16
5.	Доказать формулу интегрирования по частям для неопределенного интеграла. Вывести таблицу неопределенных интегралов. Разобрать методы решений однородных дифференциальных уравнений первого порядка и линейных дифференциальных уравнений первого порядка	16
6.	Доказать, что элементарные преобразования приводят к равносильной системе линейных уравнений. Обосновать метод Гаусса нахождения обратной матрицы. Вычислить определитель матрицы  (1 1 1 1 1	18
7.	Изучить темы: Уравнение линии на плоскости. Прямая на плоскости. Уравнения прямой. Канонические уравнения поверхностей второго порядка. Плоскость. Уравнения плоскости. Взаимные положения плоскостей. Прямая в пространстве. Взаимные положения прямых, прямой и плоскости	18
8.	1. Привести пример независимых и зависимых событий. 2. Привести примеры совместных и несовместных событий. 3. Доказать самостоятельно формулу полной	18

№ Вопросы, выносимые на самостоятельное изучение раздела	Кол-во часов (преподаватель предварительно ориентирует распределение часов по вопросам, обучающийся распределяет самостоятельно свою работу по мере сложности)
вероятности.	
<ul> <li>4. Вывести формулу Бернулли.</li> <li>Запишите ряд распределения числа успехов в серии n = 6 независимых испытаний для вероятности успеха в одном испытании p = 0,5.</li> <li>Постройте функцию распределения для числа успехов в 7 независимых испытаниях, если вероятность успеха в одном испытании равнаp = 0,5.</li> <li>10. Докажите свойства функции распределения случайной величины.</li> <li>11. Выведите основные свойства математического ожидания случайной величины.</li> <li>12. Найдите числовые характеристики биномиального распределения.</li> <li>Найдите числовые характеристики нормального распределения.</li> <li>Вычислите числовые характеристики равномерного и</li> </ul>	
показательного распределений. Совокупности и выборки.	
Доверительные интервалы. Методы получения статистических оценок  9. Проверка гипотезы о значимости выборочного коэффициента корреляции. Построение эмпирических и теоретических линий регрессии	19
Итого	153

#### 8.4. Требования к обучающимся в ходе выполнения самостоятельной работы

Обучающийся должен быть готов к регулярной самостоятельной образовательной деятельности, а именно:

- 1. К освоению новых технологий, новых систем знаний;
- 2. К самостоятельному планированию, проектированию и внедрению новшеств;
- 3. К самообразованию (самостоятельно и охотно приобретать недостающие знания из разных источников);
- 4. К развитию у себя исследовательских умений (умения выявления проблем, сбора информации, наблюдения, проведения экспериментов, анализа, построения гипотез, обобщения);
  - 5. К развитию системного мышления;
  - 6. К самооценке своего образовательного результата.

9. <u>Методические указания к оформлению разных форм отчетности по</u> самостоятельной работе (если указанные виды предусмотрены программой по данной дисциплине)

#### 9.1. Эссе

Написание эссе — это вариант творческой работы, в которой должна быть выражена позиция автора по избранной теме.

Эссе – прозаическое сочинение небольшого объема и свободной композиции, трактующее тему и представляющее попытку передать индивидуальные впечатления и соображения, так или иначе, с ней связанные.

#### Алгоритм выполнения задания:

- 7. Выбрать тему эссе, если она не задана изначально.
- 8. Сформулировать предмет анализа в эссе или исходные тезисы.
- 9. Правильно подобрать и эффективно использовать необходимые источники (желательно, чтобы в их число входили первоисточники).
  - 10. Критически проанализировать различные факты и оценить их интерпретацию.
- 11. Сформулировать собственные суждения и оценки, основанные на свидетельствах и тщательном изучении источника.

Эссе должно включать следующие части, отвечающие определенным требованиям:

- 1. Краткое содержание, в котором необходимо:
- 1.1. четко определить тему и предмет исследования или основные тезисы;
- 1.2. кратко описать структуру и логику развития материала;
- 1.3. сформулировать основные выводы.
- 2. Основная часть эссе содержит основные положения и аргументацию.
- 3. Заключение, в котором следует:
- 3.1. четко выделить результаты исследования и полученные выводы;
- 3.2. обозначить вопросы, которые не были решены, и новые вопросы, появившиеся в процессе исследования.
  - 4. Библиография.

При оформлении работы необходимо придерживаться требований к написанию курсовой работы.

#### Примерная тематика эссе:

#### 9.2. Реферат

Реферат — форма научно-исследовательской деятельности, направленная на развитие научного мышления, на формирование познавательной деятельности по предмету через комплекс взаимосвязанных методов исследования, на самообразование и творческую деятельность.

Какие задачи решает данная форма научно-исследовательской деятельности?

- 1. Расширяет знания по общим и частным вопросам предмета.
- 2. Способствует формированию умений и навыков самостоятельной исследовательской работы; закладывает базу для научного исследования в профессиональной области и т.д.
  - 3. Содействует формированию библиографических знаний и умений.
  - 4. Формирует навык оформления научных работ.

Какие можно выделить этапы и методы исследования в разработке темы?

- 5. Изучение литературы по теме.
- 6. Обоснование актуальности темы.
- 7. Подбор материала для написания основной части реферата.
- 8. Выделение вопросов, предлагаемых для эмпирического исследования.
- 9. Подбор иллюстративного материала по теме реферата (если требует необходимость исследования).
  - 10. Определение результатов исследования.

Рефераты могут носить как теоретический, так и практический характер.

Какие возможно предложить рекомендации при защите реферата?

- 11. Время, отведённое на защиту реферата не должно превышать 15 минут. Сюда входит не только изложение информации аттестуемым, но и вопросы, задаваемые выступающим.
- 12. Выступление заключается в изложении следующих моментов: актуальности темы, основные теоретические выкладки, выводы по работе. Выступление должно сопровождаться наглядным материалом (презентация).

#### Оценивается работа по следующим критериям:

- 1. Актуальность темы исследования.
- 2. Характер изложения материала: научность, доступность, последовательность, язык изложения, вызывает ли интерес, прочитанный материал и т.д.
- 3. Наличие графических работ, их качество (если требует необходимость исследования).
- 4. Наличие иллюстративного материала, его соответствие тематике исследования (если требует необходимость исследования).
  - 5. Оформление работы.
- 6. Качество защиты: знание материала, использование наглядных пособий, ответы на вопросы.

#### Методические рекомендации к подготовке и оформлению рефератов.

- 1. Приступая к выполнению работы необходимо внимательно ознакомиться с предлагаемой тематикой. Исходя из собственных интересов, наличия литературы или возможности получить ее в библиотеке, обучающийся должен выбрать для работы одну из рекомендуемых тем.
- 2. Работая с библиографическими источниками, следует помнить, что почти во всех книгах имеется список литературы, который дает представление о наиболее значимых работах в соответствующей научной отрасли. Это облегчат целенаправленный поиск литературы. Приемлемым количеством литературных источников можно считать 10 книг. Главное для автора показать, что он знаком с важнейшими работами по данному вопросу и сумел на их основе всесторонне раскрыть тему.
  - 3. Просмотрев основную литературу, составляете план работы.
- 4. Дальше приступаете к написанию черновика работы. Работу с литературными источниками необходимо проводить в форме конспектирования текста своими словами, а не переписыванием его. Конспект лучше делать на небольших листах бумаги и на один лист писать только те материалы, которые относятся к одному пункту плана. По вопросам, которые вызывают затруднения необходимо проводить индивидуальную консультацию с

преподавателем. Отработав тщательно черновик, приступаете к оформлению работы на чисто.

5. Работа не должна быть объемной (15 печатных страниц). При оформлении работы необходимо придерживаться требований к написанию курсовой работы.

#### Примерная тематика рефератов.

- 9.3. Расчетно-графическая работа (не предусмотрена по дисциплине «Математика»)
  - 9.4. Контрольная работа (не предусмотрена по дисциплине «Математика»)
- 9.5. Курсовая работа по дисциплине «Математика») не предусмотрена по учебному плану.

#### 9.6. Доклад

Доклад — это вид самостоятельной работы, заключающийся в разработке обучающимися темы на основе изучения литературы и развернутом публичном сообщении по данной проблеме.

Отличительными признаками доклада являются:

- 1. передача в устной форме информации;
- 2. публичный характер выступления; стилевая однородность доклада;
- 3. четкие формулировки и сотрудничество докладчика и аудитории;
- 4. умение в сжатой форме изложить ключевые положения исследуемого вопроса и сделать выводы.

В ходе самостоятельной подготовки к семинарским занятиям, особенно по гуманитарным дисциплинам, обучающимся может использоваться, к примеру, так называемый метод контрфактического моделирования событий, который научит их самостоятельно рассуждать о минувших, а также современных событиях, покажет мотивы принятия людьми решений, причины совершенных ошибок. Такая работа, в процессе которой приходится сравнивать, сопоставлять, выявлять логические связи и отношения, применять методы анализа и синтеза, позволит успешно в дальнейшем подготовиться к зачетам, экзаменам и тестированию.

#### Примерные темы докладов:

#### 9.7. Презентация

Презентация — это документ или комплект документов, предназначенный для представления чего-либо (организации, проекта, продукта и т.п.). Цель презентации — донести до целевой аудитории полноценную информацию об объекте презентации в удобной форме.

#### Стиль презентации

- 1. Вся презентация должна быть выдержана в едином стиле, на базе одного шаблона.
  - 2. Стиль включает в себя:
  - 2.1. общую схему шаблона: способ размещения информационных блоков;
  - 2.2. общую цветовую схему дизайна слайда;
- 2.3. цвет фона или фоновый рисунок, декоративный элемент небольшого размера и др.;

- 2.4. параметры шрифтов (гарнитура, цвет, размер) и их оформления (эффекты), используемых для различных типов текстовой информации (заголовки, основной текст, выделенный текст, гиперссылки, списки, подписи);
  - 2.5. способы оформления иллюстраций, схем, диаграмм, таблиц и др.

#### Правила использования цвета.

Одним из основных компонентов дизайна учебной презентации является учет физиологических особенностей восприятия цветов человеком. К наиболее значимым из них относят:

- 1. стимулирующие (теплые) цвета способствуют возбуждению и действуют как раздражители (в порядке убывания интенсивности воздействия): красный, оранжевый, желтый;
- 2. дезинтегрирующие (холодные) цвета успокаивают, вызывают сонное состояние (в том же порядке): фиолетовый, синий, голубой, сине-зеленый; зеленый;
- 3. нейтральные цвета: светло-розовый, серо-голубой, желто-зеленый, коричневый;
- 4. сочетание двух цветов цвета знака и цвета фона существенно влияет на зрительный комфорт, причем некоторые пары цветов не только утомляют зрение, но и могут привести к стрессу (например, зеленые буквы на красном фоне);

#### Правила использования фона

- 1. Фон является элементом заднего (второго) плана, должен выделять, оттенять, подчеркивать информацию, находящуюся на слайде, но не заслонять ее.
  - 2. Легкие пастельные тона лучше подходят для фона, чем белый цвет.
  - 3. Для фона предпочтительны холодные тона.

#### Правила использования текстовой информации

Не рекомендуется:

- 1. перегружать слайд текстовой информацией;
- 2. использовать блоки сплошного текста;
- 3. в нумерованных и маркированных списках использовать уровень вложения глубже двух;
  - 4. использовать переносы слов;
- 5. использовать наклонное и вертикальное расположение подписей и текстовых блоков:
- 6. текст слайда не должен повторять текст, который преподаватель произносит вслух (зрители прочитают его быстрее, чем расскажет преподаватель, и потеряют интерес к его словам).

#### Рекомендуется:

- 1. сжатость и краткость изложения, максимальная информативность текста: короткие тезисы, даты, имена, термины главные моменты опорного конспекта;
- 2. использование коротких слов и предложений, минимум предлогов, наречий, прилагательных;
- 3. использование нумерованных и маркированных списков вместо сплошного текста;
- 4. использование табличного (матричного) формата предъявления материала, который позволяет представить материал в компактной форме и наглядно показать связи между различными понятиями;

- 5. выполнение общих правил оформления текста;
- 6. тщательное выравнивание текста, буквиц, маркеров списков;

#### Правила использования шрифтов

При выборе шрифтов для представления вербальной информации презентации следует учитывать следующие правила:

- 1. Не рекомендуется смешивать разные типы шрифтов в одной презентации.
- 2. Учитывая, что гладкие (плакатные) шрифты, т. е. шрифты без засечек (типа Arial, Tahoma, Verdana и т.п.) легче читать с большого расстояния, чем шрифты с засечками (типа Times), то:
  - 2.1. для основного текста предпочтительно использовать плакатные шрифты;
- 2.2. для заголовка можно использовать декоративный шрифт, если он хорошо читаем и не контрастирует с основным шрифтом.
- 3. Текст должен быть читабельным (его должно быть легко прочитать с самого дальнего места).
  - 4. Рекомендуемые размеры шрифтов:
  - 4.1. для заголовков не менее 32 пунктов и не более 50, оптимально 36 пункта;
- 4.2. для основного текста не менее 18 пунктов и не более 32, оптимально 24 пункта.

#### Правила использования графической информации

Динамика взаимоотношений визуальных и вербальных элементов и их количество определяются функциональной направленностью учебного материала. Изображение информативнее, нагляднее, оно легче запоминается, чем текст. Поэтому, если можно заменить текст информативной иллюстрацией, то лучше это сделать.

При использовании графики в презентации следует выполнять следующие правила и рекомендации, обусловленные законами восприятия человеком зрительной информации:

#### Анимационные эффекты

- 1. Рекомендуется использовать возможности компьютерной анимации для представления информации на слайде. Однако не стоит чрезмерно насыщать презентацию такими эффектами, иначе это вызовет негативную реакцию аудитории.
  - 2. Анимация должна быть сдержанна, хорошо продумана и допустима:
  - 2.1. для демонстрации динамичных процессов;
- 2.2. для привлечения внимания слушателей, создания определенной атмосферы презентации.
- 3. Анимация текста должна быть удобной для восприятия: темп должен соответствовать технике чтения обучающихся.
- 4. Не стоит злоупотреблять различными анимационными эффектами, они не должны отвлекать внимание от содержания информации на слайде.
- 5. Анимация не должна быть слишком активной. Особенно нежелательны такие эффекты, как вылет, вращение, волна, побуквенное появление текста и т.д. В учебных презентациях для детей и подростков такие эффекты, как движущиеся строки по горизонтали и вертикали, запрещены нормативными документами.

Важнейшим свойством мультимедийного блока является скорость и качество его работы в составе презентации. С этой точки зрения наличие большого количества мультимедийных блоков в презентации нецелесообразно, так как может значительно замедлить ее работу.

Учет указанных особенностей конструирования и оформления презентации в значительной степени влияет на эффективность восприятия представленной в ней информации.

#### Примерные темы блоков для подготовки презентаций

## 10. <u>Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине</u>

#### 10.1. Примерный перечень вопросов к экзамену

Теоретический блок вопросов:

- 1. Понятие действительных чисел. Абсолютная величина. Понятие множества. Конечные и бесконечные множества. Операции над множествами.
  - 2. Понятие функции. Способы задания функций. Примеры. Элементарные функции.
- 3. Предел функции. Основные теоремы о пределах. Первый замечательный предел, его геометрический смысл. Второй замечательный предел.
- 4. Бесконечно малые и бесконечно большие функции. Сравнение бесконечно малых. Эквивалентные бесконечно малые.
- 5. Непрерывность функции в точке. Точки разрыва функции и их классификация. Примеры.
  - 6. Производная функции, её геометрический и экономический смысл.
  - 7. Производные элементарных функций.
  - 8. Основные правила дифференцирования.
  - 9. Дифференциал функции и его использование в приближенных вычислениях.
  - 10. Производные и дифференциалы высших порядков.
  - 11. Правило Лопиталя.
- 12. Возрастание и убывание функции. Исследование возрастания и убывания функции с помощью производной.
- 13. Экстремум функции. Необходимое условие экстремума. Достаточные условия экстремума.
- 14. Выпуклость графика функции. Исследование выпуклости с помощью второй производной. Точки перегиба.
  - 15. Асимптоты. Общая схема исследования функций.
  - 16. Понятие функции нескольких переменных, частные производные и дифференциал.
- 17. Необходимое и достаточное условия локального экстремума функции двух переменных.
  - 18. Первообразная. Понятие неопределенного интеграла.
  - 19. Свойства неопределенного интеграла. Табличные интегралы.
- 20. Замена переменной в неопределенном интеграле. Формула интегрирования по частям.
- 21. Определенный интеграл, его геометрический смысл и свойства. Формула Ньютона Лейбница.
  - 22. Замена переменной в определенном интеграле и интегрирование по частям.
  - 23. Геометрические приложения определенного интеграла.
  - 24. Несобственные интегралы. Определение, примеры.

- 25. Системы линейных уравнений, основные понятия. Метод Гаусса.
- 26. Ранг матрицы. Теорема Кронекера Капелли. Решение неопределенных систем линейных уравнений. Общее, частное и базисное решения системы линейных уравнений.
  - 27. Определители и их свойства. Способы вычисления определителей.
  - 28. Матрицы и действия с ними. Свойства операций над матрицами.
  - 29. Обратная матрица и способы ее нахождения.
- 30. Решение систем линейных уравнений с помощью формул Крамера и с помощью обратной матрицы.
  - 31. Основные понятия теории вероятностей. Операции над событиями.
  - 32. Теорема сложения вероятностей.
- 33. Условная вероятность. Независимость событий. Теорема умножения вероятностей.
  - 34. Формула полной вероятности.
  - 35. Формула Бейеса.
  - 36. Определение случайной величины. Функция распределения и ее свойства.
- 37. Ряд распределения, полигон и функция распределения дискретной случайной величины.
- 38. Плотность распределения и функция распределения непрерывной случайной величины.
  - 39. Математическое ожидание дискретной и непрерывной случайной величины.
- 40. Дисперсия и среднее квадратическое отклонение дискретной и непрерывной случайной величины.
- 41. Распределения дискретных случайных величин: биномиальное, Пуассона. Их числовые характеристики.
  - 42. Равномерное и показательное распределения, их числовые характеристики.
  - 43. Нормальное распределение и его числовые характеристики.
- 44. Выборочная и генеральная совокупности. Типы выборок. Статистическое распределение выборки.
  - 45. Эмпирическая функция распределения. Полигон частот и гистограмма.
  - 46. Выборочная средняя и выборочная дисперсия.
  - 47. Точечная и интервальная оценки.
  - 48. Статистические гипотезы. Ошибки первого и второго рода.
  - 49. Проверка гипотезы о распределении генеральной совокупности.
  - 50. Выборочное уравнение регрессии.

#### Практический блок вопросов:

$$\lim_{x \to 0} \frac{\lim_{x \to 0} \frac{1 - \sqrt{3x + 1}}{\cos \frac{\pi(x + 1)}{2}}}{2} \qquad \lim_{x \to 0} \frac{(1 + x)^3 - (1 + 3x)}{x^2 + x^5}$$
1. Вычислить: a). 
$$\lim_{n \to \infty} \frac{n^3 - (n - 1)^3}{(n + 1)^4 - n^4} \qquad \lim_{n \to \infty} \left(\frac{n^3 + 1}{n^3 - 1}\right)^{2n - n^3} \qquad \lim_{x \to 0} \frac{1 - \cos x}{\left(e^{3x} - 1\right)^2}$$
B). 
$$\lim_{n \to \infty} \frac{n^3 - (n - 1)^3}{(n + 1)^4 - n^4} \qquad \lim_{n \to \infty} \left(\frac{n^3 + 1}{n^3 - 1}\right)^{2n - n^3} \qquad \lim_{x \to 0} \frac{1 - \cos x}{\left(e^{3x} - 1\right)^2}$$

2. Вычислить односторонние пределы:

$$\lim_{a). x \to 5 \pm 0} \frac{|x-5|}{x-5}, \qquad \lim_{6). x \to 4 \pm 0} 3^{\frac{1}{x-4}}$$

3. Найти точки разрыва функций, определить их характер:

$$y = \begin{cases} -1, & x < 0 \\ -\cos x, & 0 \le x < \frac{\pi}{2} \\ \frac{\pi}{2} + x, & x > \frac{\pi}{2} \end{cases}$$
a). 
$$y = \frac{10}{2x + x^2}$$

4. Найти производные:

a). 
$$y = \ln tg \frac{x}{2}$$
 6).  $y = \sqrt{1+2x} - \ln(x + \sqrt{1+2x})$ 

B). 
$$y = x^{e^{ig x}}$$
 P).  $y = arctg \sqrt{4x^2 - 1}$ 

5. Найти производную второго порядка функции  $y = \sqrt{1 + x^2}$ . 6. Если  $f(x) = \ln(x^3 - 2x)$ , то  $f'(2) = \dots$ 

6. Если 
$$f(x) = \ln(x^3 - 2x)$$
, то  $f'(2) = \dots$ 

$$f(x) = \cos 3x - \frac{x^2}{2} + 3x$$
, то  $f''(0) =$ 

8. Вычислить 
$$\frac{d}{dx} \left( \ln^2 \left( e^{2x} + 3 \right) \right), \quad \frac{d}{dx} \left( \operatorname{arcctg} \frac{1}{x} \right)$$

9. Провести полное исследование функций и построить графики:

$$y = \frac{x^3 + 4}{x^2}$$
 6).  $y = \frac{2}{x^2 + 2x}$ 

10. Вычислить:

a). 
$$\int \frac{dx}{\sqrt[3]{x}}$$
 6).  $\int \frac{(5+x)^2}{x} dx$  B).  $\int \frac{dx}{x^2+9}$   $\int \frac{dx}{7-x^2}$ 

a). 
$$\int \frac{x^5 + 3x + 1}{x^2} dx \int_{6} \cot y^2 x dx$$
B). 
$$\int \frac{\sin^2 x + 5\sin x - 1}{\sin^2 x} dx$$

$$\int \frac{\sqrt{x^2 - 2} - \sqrt{x^2 + 2}}{\sqrt{x^4 - 4}} dx$$

12. Вычислить: a). 
$$\int \frac{arctg^3x}{1+x^2} dx$$
 6). 
$$\int x \cdot \cos(2x+3) dx$$
 г). 
$$\int \frac{x+3}{x^3-x} dx$$

13. Найти первообразную функции  $f(x) = \frac{1}{x}$ , удовлетворяющую условию F(1)=3.

14. Вычислить определенные интегралы:

$$\int_{0}^{2} \sqrt{4-x^{2}} dx$$
a). 0
$$\int_{0}^{\frac{\pi}{2}} \sin^{2}x \cos x dx$$

$$\int_{0}^{1} \frac{x dx}{1+x^{4}}$$
15. Вычислить несобственные интегралы: a). 
$$\int_{1}^{\infty} \frac{dx}{x \cdot \sqrt{\ln x}}$$

$$\int_{0}^{+\infty} \frac{dx}{1+x^{2}}$$

- 16. Найти площадь фигуры, ограниченной параболой  $y = 4x x^2$  и осью Ox.
- 17. Вычислить площадь фигуры, ограниченной гиперболой x y = 4 и прямой 5 = 0.
- 18. Вычислить объем тела, образованного вращением вокруг оси Ох фигуры, ограниченной параболами  $y = -x^2 + 8 \ u \ y = x^2$ .
- 19. Решить дифференциальные уравнения:

$$y' = x^{4} + \frac{2}{\sqrt{x^{3}}}$$
a). 
$$y' = \frac{y}{x+1}$$
B). 
$$y' \cdot \sqrt{1-x^{2}} = 1 + y^{2}$$
a). 
$$(3+e^{x}) \cdot y \cdot y' = e^{x}$$
A). 
$$4xdx - 3ydy = 3x^{2}ydy - 2xy^{2}dx$$

- дифференциального уравнения  $y' = e^{3x}$ 20. Найти частное решение удовлетворяющее условию y(0)=1.
- 21. Найти общее решение дифференциального уравнения  $x \cdot y \cdot y' = 2x^2 + v^2$
- 22. Найти общее решение дифференциального уравнения  $x \cdot y' - y = x^2 \cos x$
- 23. Найти решение задачи Коши 2y'' = x, y(0) = 0, y'(0) = 0.
  24. Найти решение задачи Коши 3y'' 2y' 8y = 0, y(0) = 1, y'(0) = 2
- 25. Решить системы:

$$\begin{cases} 5x + y - z = 7 \\ 2x + 7y - z = 22 \\ x + 2y - z = 6 \end{cases} \begin{cases} x - 2y + 3z = 0 \\ x + y + z = 0 \\ 2x - y + 4z = 0 \end{cases} \begin{cases} 5x - 2y + 3z = 2 \\ 2x + 5y - 3z = 3 \\ 3x - 7y + 6z = 2 \end{cases}$$

- 26. Вычислить определитель 3-го порядка:  $\begin{vmatrix} 1 & -3 & 2 \\ 2 & 1 & 4 \\ 3 & -2 & 3 \end{vmatrix} .$
- 27. Дана матрица  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 \\ -1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 1 \end{pmatrix}$ . Найти обратную матрицу  $A^{-1}$ .
- 28. Найти матрицу, обратную данной методом Гаусса:  $\begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 5 \end{pmatrix}$

$$\begin{pmatrix}
2 & 2 & 5 & 0 \\
1 & 3 & 1 & 1 \\
3 & 5 & 6 & 1 \\
2 & 2 & 5 & 0
\end{pmatrix}$$

- 29. Найти ранг матрицы А, если А =
- 30. Решить матричные уравнения:

a). 
$$X \cdot \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ -1 & 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 & -3 \\ 4 & -2 \end{pmatrix}$$
 6).  $\begin{pmatrix} 5 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} \cdot X = \begin{pmatrix} 8 & -5 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$ 

- 31. Пусть векторы  $a u b oбразуют угол <math>\gamma = \frac{\pi}{6}, |a| = 7, |b| = 6$ . Найти  $|a \times b|$
- 32. Проверить компланарны ли векторы  $a = \{2, 3, -1\}, \quad b = \{1, -1, 3\}, \quad \mathcal{E} = \{1, 9, -11\}.$
- 33. Привести уравнение плоскости 2x + 3y 2z + 6 = 0 к уравнению плоскости в отрезках.
- 34. Написать канонические уравнения прямой:  $\begin{cases} 6x 5y + 3z + 8 = 0 \\ 6x + 5y 4z + 4 = 0 \end{cases}$
- 35. Найти расстояние от точки A(2, 1) до прямой x + 3y 6 = 0.
- 36. Найти расстояние от точки A(2, 1, 1) до плоскости 2x+3y+z-9=0
- 37. Найти косинус угла между векторами  $\stackrel{\mathcal{O}}{a} = \{2,3,-1\}, \; \stackrel{\mathcal{V}}{b} = \{1,-1,3\}.$
- 38. Дана прямая L: x+2 y+1=0 и точка  $M_0(2, 1)$ . Составить уравнение прямой, проходящей через  $M_0$  и параллельной L.
- 39. Написать канонические уравнения прямой, проходящей через точку  $M_0(-1, 2,$

$$\begin{cases} x = 4 + 3t \\ y = -3 - 7t \\ z = 5 \end{cases}$$

- 1), параллельно прямой:
- 40. Записать уравнение прямой x + 2 y + 13 = 0 как уравнение прямой с угловым коэффициентом.
- 41. Составить уравнение плоскости, которая проходит через точку  $M_0$  (2, -1, 1) перпендикулярно плоскостям 2x y + 3z 9 = 0 и 2x + y + z = 0.
- 42. Найти угол между плоскостями 2x 3y + 6z 9 = 0 и 4x y + 8z 14 = 0.
- 43. Пусть даны  $\stackrel{\circ}{a} = \{2, 3, -1\}, \stackrel{\circ}{b} = \{1, -1, 3\}$ . Найти модули этих векторов и  $\stackrel{\circ}{a} \cdot \stackrel{\circ}{b}$ .
- 44. Доказать, что четыре точки A(1, 2, -1), B(0, 1, 5), C(-1, 2, 1), D(2, 1, 3) лежат в одной плоскости.
- 45. Написать уравнение плоскости, проходящей через прямую  $\frac{x-1}{2} = \frac{y}{1} = \frac{z+1}{0}$  и точку M(0,1,2).
- 46. Упростить:  $2i \times (j \times k) + 3j \times (i \times k) + 4k \times (i \times j)$ .

- 47. Вычислить площадь треугольника с вершинами A(1, 1, 1), B(2, 3, 4) и C(4, 3, 2).
- 48. Написать уравнение прямой, проходящей через точку M(-1,2) перпендикулярной прямой -3x + y + 1 = 0.
- 49. Из колоды в 52 листа извлекают наудачу 4 листа. Найти вероятность того, что все карты бубновые.

50. Задан закон распределения дискретной случайной величины X:

X	-2	0	2	4	5
p	0,1	0,4	0,1	0,2	0,2

Найти: а) математическое ожидание M(X), дисперсию D(X) и среднее квадратическое отклонение  $\sigma(X)$  дискретной случайной величины X;

б) функцию распределения F(x) и построить ее график.

51. Х – число сделок на фондовой бирже за квартал, n = 400 (инвесторов)

Xi	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
$n_i$	146	97	73	34	23	10	6	3	4	2	2

Необходимо: 1) построить полигон и эмпирическую функцию распределения;

2) найти выборочную среднюю, выборочную дисперсию, моду, медиану и коэффициент вариации.

#### 10.2. Оценивание обучающегося на экзамене

Оценка (национальная, пятибалльная)	Оценка (рубежный рейтинг)	Требования к знаниям
5, «отлично»	18-20 рейтинговых баллов	Студент глубоко и прочно усвоил программный материал, исчерпывающе, последовательно, грамотно и логически стройно его излагает, тесно увязывает с задачами и будущей деятельностью, не затрудняется с ответом при видоизменении задания, свободно справляется с задачами и практическими заданиями, правильно обосновывает принятые решения, умеет самостоятельно обобщать и излагать материал, не допуская ошибок
4, «хорошо»	15-17 рейтинговых баллов	студент твердо знает программный материал, грамотно и по существу излагает его, не допуская существенных неточностей в ответе на вопрос, может правильно применять теоретические положения и владеет необходимыми умениями и навыками при выполнении практических заданий
3,	10-14 рейтинговых	студент усвоил основной материал, но не знает отдельных деталей, допускает неточности, недостаточно правильные

Оценка (национальная, пятибалльная)	Оценка (рубежный рейтинг)	Требования к знаниям
«удовлетворительно»	баллов	формулировки, нарушает последовательность в изложении программного материала и испытывает затруднения в выполнении практических заданий
2, «неудовлетворительно»	1-9 рейтинговых баллов	студент не знает значительной части программного материала, допускает существенные ошибки, с большими затруднениями выполняет практические задания, задачи
	0 баллов	не аттестован

#### 11. Основная и дополнительная учебная литература дисциплины

#### 11.1. Основная литература

- 1. *Красс, М. С.* Математика в экономике. Базовый курс: учебник для бакалавров / М. С. Красс. 2-е изд., испр. и доп. Москва: Издательство Юрайт, 2019. 470 с.
- 2. Математика для экономистов : учебник для вузов / О. В. Татарников [и др.] ; под общей редакцией О. В. Татарникова. Москва : Издательство Юрайт, 2021. 429 с.
- 3. Математика для экономистов. Практикум: учебное пособие для вузов / О. В. Татарников [и др.]; под общей редакцией О. В. Татарникова. Москва: Издательство Юрайт, 2021. 285 с.

#### 11.2. Дополнительная литература

- 1. *Баврин, И. И.* Высшая математика для химиков, биологов и медиков : учебник и практикум для вузов / И. И. Баврин. 2-е изд., испр. и доп. Москва : Издательство Юрайт, 2021. 397 с.
- 2. *Богомолов*, *Н. В.* Математика: учебник для вузов / Н. В. Богомолов, П. И. Самойленко. 5-е изд., перераб. и доп. Москва: Издательство Юрайт, 2021. 401 с.
- 3. *Богомолов*, *Н. В.* Математика. Задачи с решениями в 2 ч. Часть 1: учебное пособие для вузов / Н. В. Богомолов. 2-е изд., испр. и доп. Москва: Издательство Юрайт, 2021. 439 с.
- 4. *Богомолов*, *Н. В.* Математика. Задачи с решениями в 2 ч. Часть 2 : учебное пособие для вузов / Н. В. Богомолов. 2-е изд., испр. и доп. Москва : Издательство Юрайт, 2021. 320 с.
- 5. Вечтомов, E. M. Математика: логика, множества, комбинаторика: учебное пособие для вузов / E. M. Вечтомов, Д. В. Широков. 2-е изд. Москва: Издательство Юрайт, 2021. 243 с.
- 6. *Гисин, В. Б.* Математика. Практикум : учебное пособие для вузов / В. Б. Гисин, Н. Ш. Кремер. Москва : Издательство Юрайт, 2021. 204 с.

- 7. *Красс, М. С.* Математика в экономике: математические методы и модели : учебник для бакалавров / М. С. Красс, Б. П. Чупрынов ; ответственный редактор М. С. Красс. 2-е изд., испр. и доп. Москва : Издательство Юрайт, 2019. 541 с.
- 8. *Кремер, Н. Ш.* Математика для экономистов: от арифметики до эконометрики. Учебно-справочное пособие: для академического бакалавриата / Н. Ш. Кремер, Б. А. Путко, И. М. Тришин; под общей редакцией Н. Ш. Кремера. 4-е изд., перераб. и доп. Москва: Издательство Юрайт, 2019. 724 с.
- 9. *Кучер, Т. П.* Математика. Тесты : учебное пособие для вузов / Т. П. Кучер. 2-е изд., испр. и доп. Москва : Издательство Юрайт, 2021. 541 с.

- 12. С *теклов*, B. A. Математика и ее значение для человечества / B. A. Стеклов. Москва : Издательство Юрайт, 2021. 204 с.
- 13. *Шевалдина, О. Я.* Математика в экономике: учебное пособие для вузов / О. Я. Шевалдина; под научной редакцией В. Т. Шевалдина. Москва: Издательство Юрайт, 2021. 192 с.

## 12. <u>Ресурсы информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»</u> дисциплины

- 1. <a href="http://primat.at.ua">http://primat.at.ua</a> справочные материалы по высшей математике,
- 2. http://book.ru-deluxe.ru электронные учебные пособия,
- 3. http://en.wikipedia.ru созданная пользователями интернет-энциклопедия,
- 4. <a href="http://mathworld.wolfram.com">http://mathworld.wolfram.com</a> краткие энциклопедические статьи по математике,
  - 5. <a href="http://www-history.mcs.st-andrews.ac.uk">http://www-history.mcs.st-andrews.ac.uk</a> статьи по истории математики.

## 13. <u>Информационные технологии, используемые для осуществления образовательного процесса по дисциплине</u>

#### 13.1. Информационные технологии

Информационные технологии охватывают все ресурсы, необходимые для управления информацией, особенно компьютеры, программное обеспечение и сети, необходимые для создания, хранения, управления, передачи и поиска информации. Информационные технологии, используемые в учебном процессе: компьютерные сети, терминалы (компьютер, сотовые телефоны, телевизор), услуги (электронная почта, поисковые системы).

- 1. Реализация учебной дисциплины требует наличия компьютерного класса со следующим обеспечением:
- 2. Из расчёта 1 помещение на 1 (одну) группу из 15 человек обучаемых и 1 (один) преподаватель предоставляется помещение с 16-ю рабочими местами с компьютерами (Автоматизированные Рабочие Места, АРМ), объединёнными в локальную сеть (ЛВС).

- 3. Преподавателю предоставляется учётная запись с правами локального и сетевого администратора на всех АРМ.
- 4. Характеристики APM: ОС не ниже Windows XP SP3, IE 6.0; аппаратное обеспечение: не ниже Intel Pentium III 1000 МГц, 512 Мб RAM, 80 Гб HDD, SVGA (1024x768x32), 100 Мбит Ethernet Adapter.
  - 5. Характеристики сети: 100 Мбит Fast Ethernet, наличие доступа в Интернет.
- 6. Проектор с возможностью подключение к разъему D-Sub и, желательно, DVI или возможность подключения Flash-накопителя.
- 7. Проекционный экран с белым проекционным полотном без крупных физических дефектов.
  - 8. ЛВС должна иметь высокоскоростное подключение к сети Internet.

## 13.2. Программное обеспечение (комплект лицензионного программного обеспечения)

Для повышения качества подготовки и оценки полученных знаний часть семинарских занятий планируется проводить в компьютерном классе с использованием компонентов Microsoft Office 2010: Word, Excel, Access, PowerPoint, Visio.

#### 13.3. Профессиональные базы данных и информационные справочные системы

Для организации самостоятельной подготовки обучающихся по дисциплине, им требуется обеспечить доступ к следующим электронным справочным ресурсам:

http://primat.at.ua - справочные материалы по высшей математике,

http://book.ru-deluxe.ru – электронные учебные пособия,

http://en.wikipedia.ru – созданная пользователями интернет-энциклопедия,

http://mathworld.wolfram.com - краткие энциклопедические статьи по математике,

http://www-history.mcs.st-andrews.ac.uk – статьи по истории математики.

Библиотека: Электронная библиотечная система издательства «ЮРАЙТ».

#### 14. Материально-техническое обеспечение дисциплины

При реализации образовательной программы по направлению подготовки **38.03.02** «**Менеджмент**» необходимо использовать следующие компоненты материальнотехнической базы Института для изучения дисциплины «**Математика**»:

- 1. Аудиторный фонд.
- 2. Материально-технический фонд.
- 3. Библиотечный фонд.

Аудиторный фонд Института предлагает обустроенные аудитории для проведения лекционных и практических занятий. Они оснащены столами, стульями, досками, техническим оборудованием.

Материально-технический фонд Института располагает проведением лекционных и практических занятий.

Проведение лекций обеспечено наличием мультимедийного проектора, ноутбука, экрана для демонстраций, мультимедийных презентаций, разработанных в программе Power Point.

Материально-техническое обеспечение практических занятий отображено в таблице.

#### Очная, очно-заочная, заочная форма обучения:

No	Наименование темы практического занятия	Оборудование		
1	Дифференциальное исчисление функций одной	Аудитория для		
1	переменной.	семинарских занятий или		
	Дифференциальное исчисление функций	читальный зал библиотеки,		
2	нескольких переменных	оборудованные учебной мебелью, компьютерами, имеющими выход в		
3	Интегральное исчисление			
4	Элементы линейной алгебры. Основы теории	Интернет и необходимый		
4	вероятностей.	комплект программного		
5		обеспечения, а также видеопроекционное оборудование для презентаций.		
	Элементы математической статистики			
	SICMONION MATCHAIN SECTION CLAIMCINKY			

Библиотечный фонд Института обеспечивает доступ каждого обучающегося к базам данных, формируемым по полному перечню дисциплин. Во время самостоятельной подготовки обучающиеся обеспечены доступом к сети Интернет.

Каждый обучающийся обеспечен не менее чем одним учебным электронным изданием по дисциплине «Математика».

Библиотечный фонд укомплектован печатными и/или электронными изданиями основной и дополнительной учебной литературы, изданными за последние 5 лет.